



Universidade do Estado do Rio de Janeiro
Faculdade de Engenharia elétrica
Trabalho de Princípios de Telecomunicações I
Resumo do capítulo 6, itens 6.3 e 6.4
DPCM e Delta Modulation

Trabalho de Princípios de Telecomunicações I

Aluno:

Trabalho de Princípios de Telecomunicações I Resumo dos itens 6.3 e 6.4 – DPCM e Delta Modulation.

6.3) Diferencial Pulse-Code modulation (DPCM):

- **Introdução:**

Em sinais analógicos pode-se ter uma boa idéia de uma amostra conhecendo-se a amostra anterior, isto é, as amostras não são totalmente independentes, existe um grande problema quanto à redundância nas amostras em PCM.

Se evitarmos essa redundância, podemos usar menor taxa de bits para transmitir o sinal e, conseqüentemente, menor banda para transmiti-lo.

Considere então a possibilidade de transmitir a diferença entre os sinais $m(k)$ e $m(k-1)$ ao invés de $m(k)$. Dessa forma, então:

$$d(k) = m(k) - m(k-1)$$

Assim, $d(k)$ seria transmitido ao invés de $m(k)$. No receptor, conhecendo-se $d(k)$ pode-se obter iterativamente o valor de $m(k)$. Como a diferença entre estes sinais é usualmente pequena, $d(k)$ será um sinal de baixa amplitude e não necessitará de um alto número de divisões para termos um sinal de boa qualidade sinal ruído, ou seja, para termos um baixo ruído de quantização.

Pode-se melhorar ainda mais este método adicionando-se ao receptor e ao transmissor a capacidade de estimar o valor de $m(k)$ de acordo com as amostras anteriores. Se estimarmos $m_e(k)$ como sendo a próxima amostra, o sinal transmitido será $d(k) = m(k) - m_e(k)$, Ou seja, o erro entre a estimativa e o valor real. No receptor, o sinal também será estimado e reconstituído somando a estimativa ao “erro” $d(k)$.

- **Usando as séries de Taylor, Maclaurin e Wiener:**

Considere o sinal $m(t)$ tendo todas as derivadas de qualquer ordem no tempo t . Usando a série de Taylor, podemos expressar $m(t+T_s)$ dessa forma:

$$m(t+T_s) = m(t) + T_s \dot{m}(t) + \frac{T_s^2}{2!} \ddot{m}(t) + \frac{T_s^3}{3!} \dddot{m}(t) + \dots$$
$$\approx m(t) + T_s \dot{m}(t) \quad \text{Para pequenos valores de } T_s$$

Assim, segundo a equação acima, sabendo uma amostra do sinal, podemos estimar o valor futuro se soubermos as derivadas do sinal. Podemos estimar até mesmo, para pequenos valores de T_s , o sinal $m(t+T_s)$ sabendo-se apenas a sua primeira derivada.

Assim, se considerarmos que a amostra de número k é $m[k]$, que $m(kT_s) = m(k)$ e que $m(kT_s \pm T_s) = m(k \pm 1)$ teremos:

$$\begin{aligned} m(k+1) &= m(k) + T_s \left[\frac{m(k) - m(k-1)}{T_s} \right] \\ &= 2m(k) - m(k-1) \end{aligned}$$

A expressão acima foi obtida levando-se em consideração que a derivada $\dot{m}(t)$ é aproximadamente igual a $[m(kT_s) - m(kT_s - T_s)] / T_s$. Ou seja, que a derivada é a diferença entre a amostra atual e a anterior, dividida pelo intervalo.

Obviamente que a equação anterior dá uma aproximação pobre para o sinal. Para obtermos uma melhor aproximação para $m(t)$, devemos ter os valores de derivadas mais altas, o que requer mais amostras passadas.

Generalizando, a fórmula para estimar qualquer sinal é:

$$\begin{aligned} m(k) &\approx a_1 m(k-1) + a_2 m(k-2) + a_3 m(k-3) + \dots + a_N m(k-N) \\ m_E(k) &= a_1 m(k-1) + a_2 m(k-2) + a_3 m(k-3) + \dots + a_N m(k-N) \end{aligned}$$

Esta equação é um estimador de ordem N . Quanto maior for o N , melhor será a estimativa. Para isso, precisamos ter N valores anteriores de $m(k)$. Observe que para $N=1$, temos $m_E = a_1 m(k-1)$, ou seja, um estimador de primeiro nível simplesmente repete o valor da amostra anterior na amostra estimada.

Os valores de a_N , ou os coeficientes de estimativa, são calculados por métodos estatísticos.

- **Uma análise do DPCM:**

Conforme já mencionado anteriormente o sinal transmitido em DPCM não é $m(k)$, mas sim $d(k)$ a diferença entre duas amostras consecutivas de $m(t)$. Para reconstituir o sinal $d(k)$ é somado a $m_E(k)$ que foi estimado no próprio receptor.

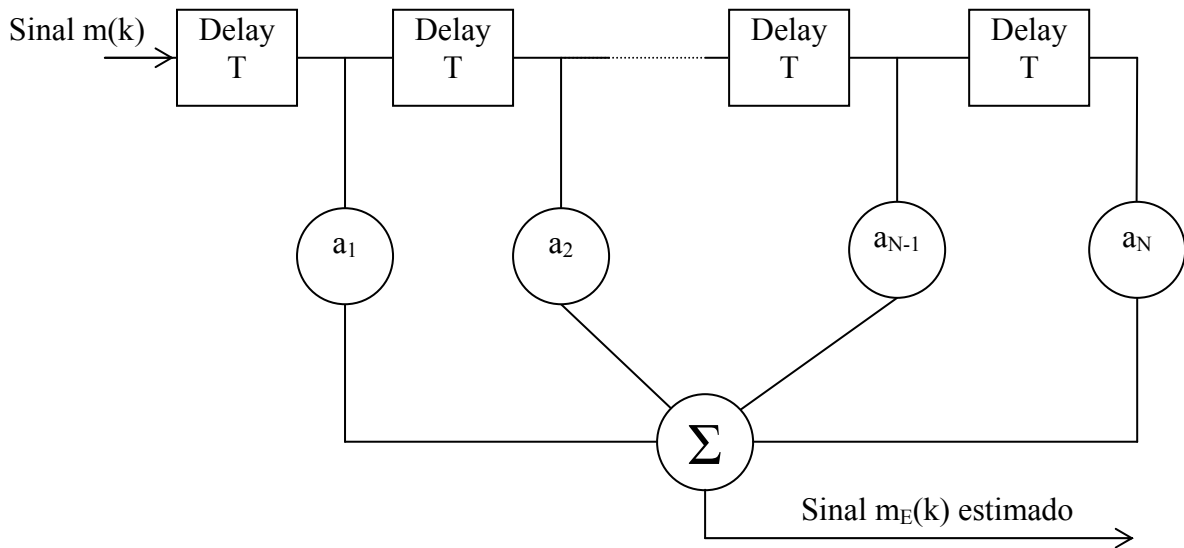
Porém, o sinal recebido é a versão quantizada das amostras, pois o sinal PCM precisa ser quantizado antes de ser transmitido. Assim, não seria possível estimar $m(t)$ através de suas amostras anteriores. Teríamos uma amostra com erro de quantização, o que pioraria a relação sinal ruído.

O que se faz então é gerar $m_{EQ}(k)$, ou seja, o valor estimado de $m_Q(k)$ já depois de quantizado. Podemos fazer isso estimando o valor de $m(k)$ de suas amostras anteriores já quantizadas. Assim será possível reconstituir o valor de $m_Q(k)$ com menos ruído de quantização.

O circuito estimador, no transmissor contará então com várias linhas de delay, cada uma delas com um certo coeficiente de estimativa e todas somadas para gerar a saída $m_E(k)$ estimada.

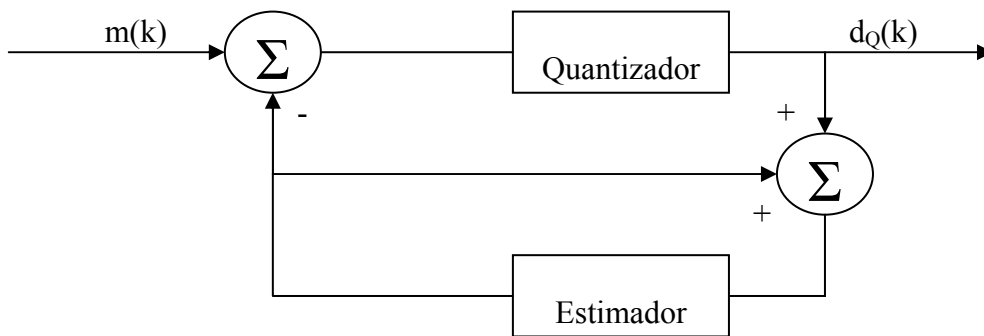
A maior vantagem do sinal DPCM é que na decodificação o erro de quantização está associado ao erro no sinal $d(k)$ que é normalmente muito menor que o erro associado ao sinal $m(k)$, no caso do PCM.

Esse circuito estimador, que é colocado no transmissor, pode ser visualizado abaixo:

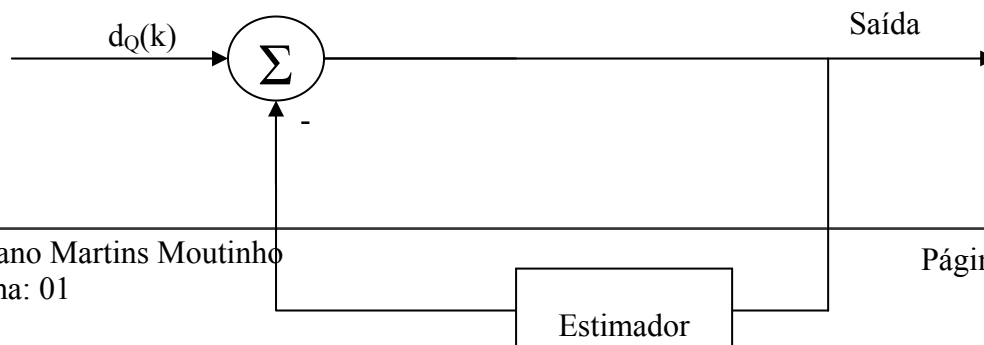


Os diagramas em blocos dos receptores e transmissores DPCM são mostrados abaixo:

➤ Transmissor:



➤ Receptor:



- Melhora na relação sinal / Ruído:

A melhora na relação sinal / ruído se dá pois o erro associado ao sinal de baixa amplitude $d(k)$ é bem menor que o erro em $m(t)$ quantizado.

Considerando as amplitude máximas dos sinais $m(t)$ e $d(t)$ como m_p e d_p , respectivamente, se usarmos os mesmos valores de L o step de quantização ΔV em DPCM é reduzido em um fator de D_p/M_p , o que leva a uma redução no ruído de quantização de $(M_p/D_p)^2$. A relação sinal / Ruído aumenta na mesma proporção.

Em sinais de áudio, o uso de DPCM pode aumentar a relação sinal ruído por volta de 5.6dB, mas essa melhora pode ser mais expressiva em imagens com pouco movimento.

6.4) Modulação Delta:

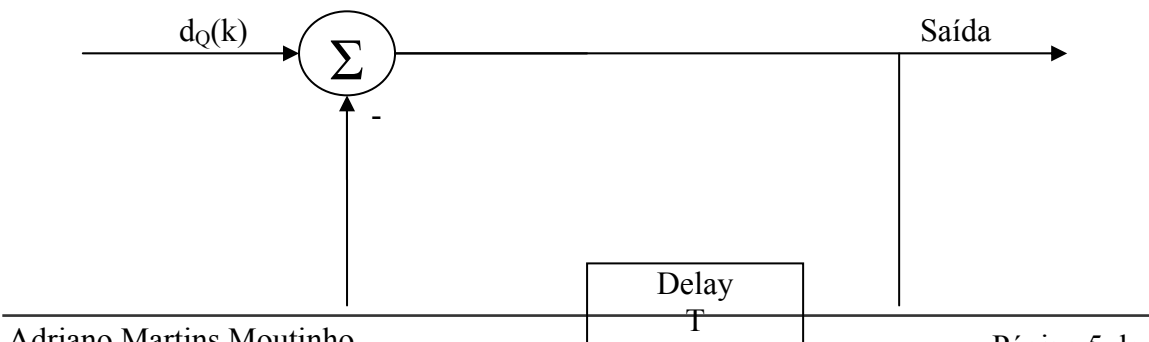
- **Introdução:**

A correlação entre as amostras é bem explorada na modulação delta. Trata-se de um tipo de modulação onde o sinal de banda básica é amostrado em uma taxa bem acima da necessária, tipicamente quatro vezes a taxa de Nyquist. Essa amostragem exagerada permite que o sinal seja facilmente estimado, mesmo com um circuito estimador de primeira ordem, e que não sejam necessários muitos bits para transmitir o sinal $d(k)$.

A modulação DM usa $L=2$, ou seja, apenas 1 bit faz toda a codificação do sinal. Essa codificação é extremamente eficiente pois não necessita de bits de sincronismo, ou de framing para a transmissão, permitindo uma comunicação a uma taxa mais baixa ainda.

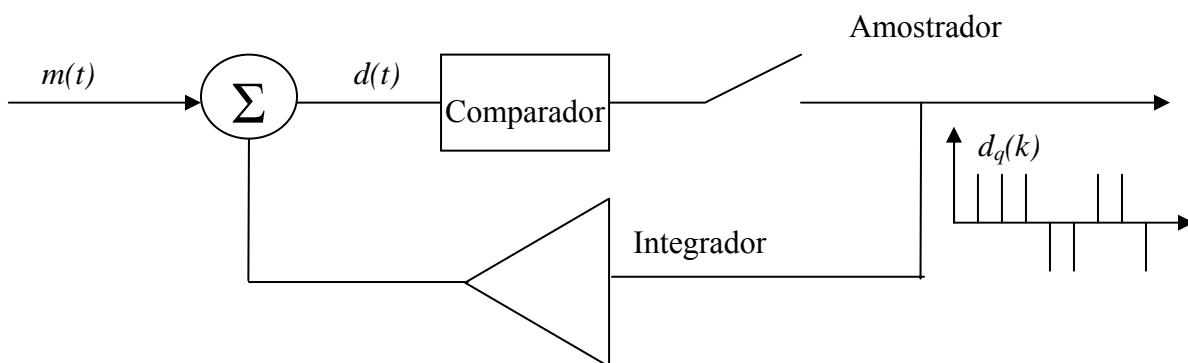
O sinal DM, sendo uma série de “1” e “0”, é uma seqüência de impulsos espaçados de T_s .

Em DM usa-se um estimador de primeira ordem, que é, conforme a figura na página 4, apenas um delay de T_s . Para demodular o sinal, necessita-se de um circuito como o receptor da figura da página 4, sendo que o estimador é apenas um delay.

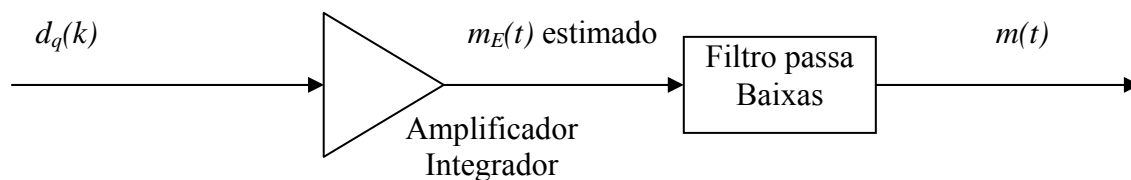


A função do receptor é a de acumular o sinal recebido. O somador e a linha de delay mostradas na figura acima podem ser substituídos por um simples circuito integrador.

O transmissor também é igual ao da figura da página 4, porém com um delay servindo como estimador. O circuito do transmissor também pode ser simplificado com o uso de simples integradores RC.



Transmissor DM



Receptor DM

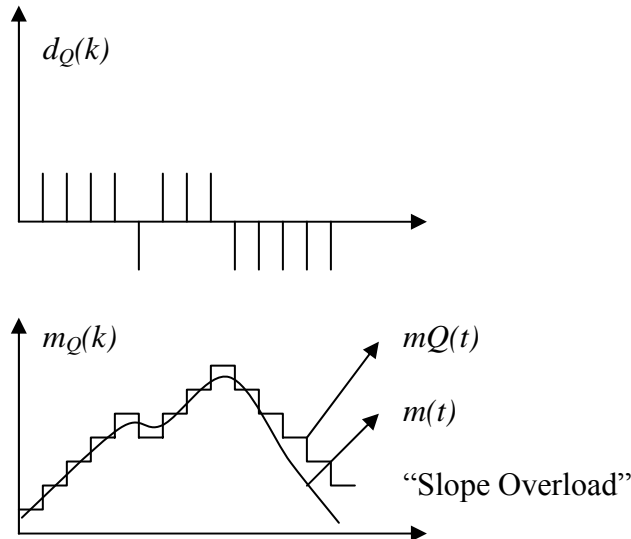
Os circuitos acima funcionam da seguinte forma. O sinal analógico $m(t)$ é comparado com o sinal realimentado, que é o sinal estimado, e a sua diferença passa por um comparador de tensão. Se $d(t)$ for positivo, a saída do comparador é uma tensão E também positiva, se $d(t)$ é negativo, a saída do comparador é uma tensão E negativa. Na saída temos uma seqüência de impulsos que pode ser codificada em um streaming de 1bit ($L=2$).

A saída do comparador é amostrada em uma taxa várias vezes mais alta que a de Nyquist, sendo que o impulso é positivo quando o sinal $m(t)$ é maior que o estimado e é negativo quando contrário.

Para entender melhor como isso funciona consideramos que o sinal $d_Q(k)$ passa pelo integrador do receptor, a saída do amplificador integrador é um sinal de degraus

positivos e negativos que tende a aproximar $m(t)$. Quando o sinal passa por um filtro passa-baixas o sinal $m(t)$ é recuperado.

Os gráficos abaixo mostram o processo de recuperação do sinal $m(t)$, note que quando o pulso $d(k)$ é positivo, $m(t)$ cresce mais do que o estimado, e quando o pulso é negativo, $m(t)$ decresce mais do que o estimado.



- A modulação DM transmite a derivada do sinal $m(t)$.

Em PCM, o sinal analógico é quantizado em L níveis e essa informação é transmitida por n pulsos por amostra ($n = \log_2 L$). A diferença é que em DM o sinal modulado não carrega informação sobre o sinal $m(t)$ propriamente dito, mas sobre a sua derivada. Por isso dá-se este nome a essa modulação, delta modulation.

A grande vantagem do DM é que a modulação é feita em apenas 1 bit por amostra. Enquanto em PCM, normalmente há a necessidade de mais bits para codificar a amostra.

- Slope Overload:

Se o sinal $m(t)$ mudar muito rapidamente o sinal estimado será muito alto e, o sinal $m_E(t)$ estimado não conseguirá seguir $m(t)$. Quando isso ocorre chamamos Slope Overload, que dá origem ao Ruído de Slope Overload. Esse ruído é um dos fatores que limitam o uso de DM. Devemos esperar em Delta Modulation mais desse tipo de Slope Overload do que de amplitude overload.

O ruído de slope pode ser diminuído aumentando-se o tamanho do degrau σ . Infelizmente isso aumenta o ruído granular. Sendo que existe um valor de σ que resulta na melhor eficiência e no menor ruído.

O slope overload ocorre quando o sinal $m_E(t)$ estimado não consegue seguir $m(t)$, o máximo que o sinal estimado consegue seguir $m(t)$ é σ/T_s ou σF_s , onde F_s é a frequência de amostragem. Então, para que não haja overload:

$$|m(t)| < \sigma F_s$$

Então, se considerarmos $m(t)$ como sendo um sinal senoidal, teremos $m(t) = A \cos(\omega t)$, a condição para que não haja overload passa a ser:

$$|m(t)|_{MAX} = \omega A < \sigma F_s$$

Então a máxima amplitude de entrada será:

$$A_{MAX} = \frac{\sigma F_s}{\omega}$$

A máxima amplitude para que não haja overload é inversamente proporcional a frequência e, felizmente, sinais de voz e de televisão também decaem nas partes mais altas do espectro. Na verdade o sinal de voz decai $1/\omega$ até frequências como 2000Hz e passa a decair $1/\omega^2$ para frequências acima. Isso nos leva a crer que um circuito cuja funcionabilidade seria melhor para voz é um que usasse uma integração simples para frequências até 2000Hz e uma dupla integração para frequências acima desta.

- ADM (Adaptative Delta Modulation)

O DM possui uma séria desvantagem. O faixa dinâmico é bastante reduzido por causa do ruído de slope.

Para corrigir este problema, um tipo de compressão de sinal é necessária. Um método interessante é o de adaptar o valor de σ de acordo com o nível do derivada do sinal de entrada.

Nos gráfico da página 7, quando o sinal $m(t)$ decai rapidamente e causa slope overload, isso poderia ser evitado aumentando-se o tamanho do degrau σ . Slope overload faz com que o sinal DM passe a ter vários pulsos de mesma polaridade em seguida, isso pode ser usado no receptor como uma forma de perceber o slope overload e adaptar o valor de σ . Esses resultados fazer com que a faixa dinâmica aumente bastante.

- Relação sinal ruído de saída:

Sendo o tamanho do degrau que recuperará o sinal $m(t)$ igual a σ , o máximo erro estará entre $-\sigma/2$ e $\sigma/2$. Assim, o ruído causado pela degranização, ou ruído granular:

$$\overline{e^2} = \frac{\sigma^2}{3}$$

Como o ruído granular é contínuo em todo espectro até F_s , o ruído dentro da banda básica do sinal é:

$$N_0 = \frac{\sigma^2 B}{3 F_s}$$

Assumindo que o sinal $m(t)$ tem potência média igual a:

$$S_0 = \overline{m^2(t)}$$

A distorção causada por Slope é:

$$\frac{S_0}{N_0} = \frac{3F_s \overline{m^2(t)}}{\sigma^2 B}$$

Considerando m_p como o pico do sinal de entrada e que:

$$m_p = \frac{\sigma F_s}{w_R}$$

Levando em conta que precisamos transmitir F_s pulsos por segundo e que para sinais de áudio $B=4000\text{Hz}$ e que $w_R = 1600\pi$. Então, a distorção causada por Slope passa a ser, geralmente e para sinais de voz:

$$\frac{S_0}{N_0} = \frac{3F_s^3 \overline{m^2(t)}}{w_R B \cdot m_p^2}$$
$$\frac{S_0}{N_0} = \frac{150}{\pi^2} \left(\frac{B_T}{B} \right)^3 \frac{\overline{m^2(t)}}{m_p^2}$$

Esse resultado é para integrações simples, sendo que para integrações duplas foi provado por Greefkes e de Jager que:

$$\frac{S_0}{N_0} = 5.34 \left(\frac{B_T}{B} \right)^5 \frac{\overline{m^2(t)}}{m_p^2}$$

- Comparações entre DM e PCM:

Para valores de B_T/B , a modulação PCM é superior a modulação DM pois na mesma a relação sinal ruído varia com o cubo (ou a quinta potência para dupla integração) da relação entre as bandas e no caso do PCM a relação é exponencial.

Devido ao fato do sinal DM ser digital, ele tem todas as vantagens de um sinal digital, como a possibilidade de colocar regeneradores e outras. DM é mais imune a erros do que o PCM pois em DM só existem dois estados possíveis, ao contrário dos estados possíveis do PCM.



A conclusão é que o sinal DM pode ser superior ao sinal PCM nos casos em que necessitam de uma baixa relação sinal ruído e é inferior nos casos onde precisamos do contrário